文章编号 1004-924X(2021)06-1281-10

激光通信旋转双棱镜系统误差对指向精度的影响

邱 赛^{1,2},盛 磊^{1*},高世杰¹,刘永凯¹,宋一诺¹

(1. 中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,吉林长春 130033;2. 中国科学院大学,北京 100049)

摘要:分析了旋转双棱镜系统存在的误差源,根据误差源,采用光线矢量传播方法建立了光束指向模型,基于光束指向模型求旋转双棱镜系统出射光束指向偏差对系统误差的偏导数;在指向区域中,根据各个误差的测量精度分析误差对指向 精度的影响。仿真计算结果表明,理论指向偏差最大值为0.3620°,理论指向偏差均方根为0.0470°;桌面实验结果表 明,在99.54%的指向区域中,实验偏差最大值为0.3563°,实验偏差均方根为0.0233°,均小于仿真计算值。这一结果 表明,本文对旋转双棱镜系统的误差分析较为准确,对旋转双棱镜平台的设计和补偿修正具有一定的参考价值。 关键 词:激光通信;旋转双棱镜;指向模型;误差分析 中图分类号:TH703;TN929.13 文献标识码:A doi:10.37188/OPE.20212906.1281

Influence of laser communication Risley prism system error on pointing accuracy

QIU Sai^{1,2}, SHENG Lei^{1*}, GAO Shi-jie¹, LIU Yong-kai¹, SONG Yi-nuo¹

 Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun 130033, China;
 University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China) * Corresponding author, E-mail: sljlu@163.com

Abstract: The error source of the Risley prism system is analyzed and used to establish the beam-pointing model by using the light vector propagation method. The beam pointing model is used to calculate the partial derivative of the pointing deviation of the output beam from the Risley prism system to each error in the system. In the pointing area, the influence of errors on pointing accuracy is analyzed according to the accuracy of each error. The simulation calculation results show that the maximum theoretical pointing deviation is 0. 362 0°, and the theoretical root mean square deviation is 0. 047 0°. The desktop experimental results show that in 99. 54% of the pointing area, the maximum experimental deviation is 0. 356 3°, and the experimental deviation root mean square of 0. 023 3° is less than the calculated simulation value. This result shows that the error analysis of the Risley prism system is accurate and could be used as a reference for the design and compensation of the Risley prism platform.

Key words: laser communication; Risley prism; pointing model; error analysis

收稿日期:2020-07-01;修订日期:2020-09-01.

基金项目:长光复旦联合基金资助项目(No. Y8O732E)

1引言

在激光通信指向系统中,通信双方通常采用 捕获、跟踪、瞄准(Acquisition, Tracking, Pointing, ATP)技术建立并保持通信链路^[1,3]。传统的 ATP系统由于使用了万向式指向机构,其体积和 质量普遍偏大,不能较好满足空间激光通信需 求;旋转双棱镜系统则具有体积小、扫描范围大、 对载体振动不敏感、动态性能好等优势,更适用 于空间激光通信环境^[4,8]。然而,旋转双棱镜系统 存在多项误差,这些误差严重影响出射光束的指 向精度^[9-13]。为分析误差对光束指向的影响,本 文展开对旋转双棱镜的误差分析与研究。

目前,旋转双棱镜的研究多针对旋转双棱镜 的解算方法和扫描方式展开。周远等人^[6-7]采用 光束矢量传播方法推导了光束指向模型,但该指 向模型未考虑系统存在的误差源。李锦英、 Warger等^[8,14]研究了旋转双棱镜的扫描方式,旋 转双棱镜有多重扫描方式可扫描全视野,不同扫 描方式具有不同的扫描优势。Horng等^[15]仅研究 了轴承和楔形倾斜对最终指向的影响,其误差研 究仅限于几个固定角度,其他角度未分析。 ZHANG等^[16]研究了轴承倾斜角随机误差与棱镜 倾斜角随机误差对最终指向结果的影响,也仅限 于几个固定角度下的误差研究与分析。

本文全面分析了对最终指向有影响的指向 偏差,将对指向偏差影响相同的误差源归为一 类,一共有4类误差,分别为棱镜楔角误差、入射 光误差、棱镜转角误差和棱镜倾斜角误差。采用 求偏导法求出出射光束指向偏差与各误差间的 变化关系,根据各个误差的测量精度计算出它对 出射光束指向偏差的影响。根据误差合成理论 计算出射光束的总偏差,并用实验验证本文的误 差分析结果,对后续的误差补偿与修正具有一定 的参考价值。

2 工作原理与误差源

2.1 旋转双棱镜工作原理

旋转双棱镜系统中,两块棱镜采用背靠背方

式进行排列;两块棱镜耦合可改变光束光程,进 而改变光束指向。旋转双棱镜原理如图1所示。



图 1 旋转双棱镜原理 Fig. 1 Schematic diagram of risley prism

2.2 旋转双棱镜误差源

旋转双棱镜系统由激光器、两块旋转棱镜、 两个电动旋转台和靶面等部分组成。激光器发 射激光束至旋转棱镜 Π₁,经旋转棱镜 Π₁折射,其 出射光束进入旋转棱镜 Π₂折射,其出射光束即 为旋转双棱镜系统的出射光束。旋转双棱镜光 束出射端放置相机作为靶面,相机获取出射光斑 位置,经计算得到出射光束偏转角 Φ 和方位角 Θ。旋转双棱镜的总体构成如图2所示。



图 2 旋转双棱镜系统结构示意图 Fig. 2 Schematic diagram of risley prism system

3 误差指向模型建立

首先建立坐标系,以棱镜 Π₁的直角面中心 为坐标原点O,与光轴重合为Z轴,以激光源发出 的光束传播反方向为正向;Y轴垂直于水平面, 竖直向上为正向;X轴与Y轴和Z轴为右手定则 关系,其坐标系如图1所示。

本文参考非近轴光线建立指向模型的方法, 基于折射定律,采用光线矢量传播方法建立光束

指向模型,光线矢量传播如图3所示。



Fig. 3 Ray vector propagation illustration

棱镜 Π_1 斜面法线矢量为 n_1^{ii} ,棱镜 Π_1 直角面 法线矢量为 n_1^{ii} ,棱镜 Π_2 直角面法线矢量为 n_2^{ii} ,棱 镜 Π_2 斜面法线矢量为 n_2^{ii} ,那么有:

$$\boldsymbol{n}_{1}^{\text{II}} = (\sin(\alpha_{1} + B_{1})\cos(\theta_{1} + L_{1}), \\ \sin(\alpha_{1} + B_{1})\sin(\theta_{1} + L_{1}), \cos(\alpha_{1} + B_{1})), \\ \boldsymbol{n}_{1}^{\text{ri}} = (\sin B_{1} \cos L_{1}, \sin B_{1} \sin L_{1}, \cos B_{1}), \\ \boldsymbol{n}_{2}^{\text{II}} = (-\sin B_{2} \cos L_{2}, -\sin B_{2} \sin L_{2}, \cos B_{2}), \\ \boldsymbol{n}_{2}^{\text{ri}} = (-\sin(\alpha_{2} + B_{2})\cos(\theta_{2} + L_{2}), \\ -\sin(\alpha_{2} + B_{2})\sin(\theta_{2} + L_{2}), \cos(\alpha_{2} + B_{2})), \end{cases}$$

其中: α_1 , α_2 分别为棱镜 Π_1 , Π_2 的楔角;由于存在 误差,棱镜 Π_1 光轴对理想光轴存在倾斜角,此倾 斜角可用偏转角 B_1 和方位角 L_1 描述;棱镜 Π_2 光 轴对理想光轴存在倾斜角,棱镜 Π_2 的倾斜角可 用偏转角 B_2 和方位角 L_2 描述; θ_1 , θ_2 分别为棱镜 Π_1 , Π_2 的转角。

根据折射定律, 棱镜各界面的折射方程 如下:

$$s_{1}^{\text{li}} = (-\sin B_{G} \cos L_{G}, -\sin B_{G} \sin L_{G}, -\cos B_{G}),$$

$$para1 = 1 - n_{1}^{-2} + n_{1}^{-2} (s_{1}^{\text{li}} \cdot n_{1}^{\text{li}})^{2},$$

$$para2 = 1 - n_{1}^{2} + n_{1}^{2} (s_{1}^{\text{lo}} \cdot n_{1}^{\text{ri}})^{2},$$

$$para3 = 1 - n_{2}^{-2} + n_{2}^{-2} (s_{2}^{\text{li}} \cdot n_{2}^{\text{li}})^{2},$$

$$para4 = 1 - n_{2}^{2} + n_{2}^{2} (s_{2}^{\text{lo}} \cdot n_{2}^{\text{ri}})^{2},$$

$$s_{1}^{\text{lo}} = n_{1}^{-1} [s_{1}^{\text{li}} - (s_{1}^{\text{li}} \cdot n_{1})n_{1}^{\text{li}}] - n_{1}^{\text{li}} \sqrt{para1},$$

$$s_{1}^{\text{ro}} = n_{1} [s_{1}^{\text{lo}} - (s_{1}^{\text{lo}} \cdot n_{2}^{\text{ri}})n_{2}^{\text{ri}}] - n_{2}^{\text{ri}} \sqrt{para2},$$

$$s_{2}^{\text{lo}} = n_{2}^{-1} [s_{2}^{\text{li}} - (s_{2}^{\text{li}} \cdot n_{2})n_{2}^{\text{li}}] - n_{2}^{\text{ri}} \sqrt{para3},$$

$$s_{2}^{\text{ro}} = n_{2} [s_{2}^{\text{lo}} - (s_{2}^{\text{lo}} \cdot n_{2})n_{2}^{\text{ri}}] - n_{2}^{\text{ri}} \sqrt{para4} = (K, L, M),$$

$$(2)$$

其中:s₁["]为入射光矢量;s₁^b,s₁"分别为光束在棱镜 Π₁斜面和直角面折射后的出射光束;s₂^b,s₂"分别 为光束在棱镜Π₂直角面和斜面折射后的出射光 束,即双棱镜系统的出射光束;K,L,M为出射光 束的方向余弦。

出射光束偏转角 ϕ 与方位角 Θ 分别为:

 $\Phi = \arccos(-M), \Theta = \arctan(LK^{-1}).$ (3)

4 误差分析

旋转双棱镜指向模型包含4大误差,分别为 棱镜楔角误差、入射光误差、棱镜转角误差和棱 镜倾斜角,各自的误差范围可由检测设备获得。 在求偏导分析某一误差时,其余误差均取其精度 为误差设定值进行误差分析,误差源精度及其设 定值如表1所示。

表1 误差源精度及其设定值

Tab. I	Error source accuracy and its set value		
名称	符号	精度	设定值
Π ₁ 楔角	α_1	1″	17.1958°
Π₂楔角	α_2	1″	17.203 0°
入射倾斜角	B_G	1″	0.030 0°
入射方位角	L_{G}	1″	-0.0211°
∏₁转角	θ_1	0.001 62°	0.001 62°
Π₂转角	$ heta_{\scriptscriptstyle 2}$	0.001 62°	0.001 62°
Π₁倾斜角	B_1	$-0.006~6{\sim}0.005~4^\circ$	$-0.006.6^{\circ}$
Π ₁ 方位角	L_1	$-0.0002{\sim}0.0041^{\circ}$	0.004 1°
Π_2 倾斜角	B_2	$-0.0082{\sim}0.0074^{\circ}$	-0.0082°
Π2方位角	L_2	$-0.0065 \sim 0.005^{\circ}$	-0.0065°

4.1 棱镜楔角误差分析

旋转双棱镜指向模型中包含出射光束偏转 角 ϕ , Θ 与棱镜楔角 α_1 , α_2 的关系式。根据指向模 型分别计算 ϕ , Θ 对 α_1 , α_2 的偏导数,如式(4) 所示:

本文采用逐层求导获取 X_{Ar4} , Y_{Ar4} , Z_{Ar4} 的具体 计算公式。例如, 在求 s_2^{rv} 对 α_1 的偏导数As4时, 将 s_2^{1v} 对 α_1 的偏导数设为As3, 然后再求As3, 逐级 往下求偏导; An1 为最低一级的求偏导, An1 可 直接计算得出, 最低一级的公式求偏导均可直接 计算得出。求 X_{Ar5} , Y_{Ar5} , Z_{Ar5} 的过程与 X_{Ar4} , Y_{Ar4} , Z_{Ar4} 的求解方法相同, 均由出射光束 s_2^{rv} 往入射光 束 s_1^{1i} 方向逐级求导。

对指向影响的计算公式如下:

$$P\Phi_{a1} = \frac{\partial\Phi}{\partial\alpha_{1}} \Delta\alpha_{1}, P\Theta_{a1} = \frac{\partial\Theta}{\partial\alpha_{1}} \Delta\alpha_{1},$$

$$P\Phi_{a2} = \frac{\partial\Phi}{\partial\alpha_{2}} \Delta\alpha_{2}, P\Theta_{a2} = \frac{\partial\Theta}{\partial\alpha_{2}} \Delta\alpha_{2},$$
(6)

其中 Δα₁, Δα₂分别为 α₁, α₂的精度。由表1可知, 由于中心区域误差较大,因此选定中心 3°以内的 区域为内指向区域,中心 3°以外的区域为外指向 区域,分两个区域进行分析。由于外指向区域误 差占 95% 以上,故本文仅分析外指向区域的误差 数据。棱镜楔角误差对指向结果的影响如图4所 示。为便于对比分析,具体误差数据仅在表2中 阐述分析。





4.2 入射光误差分析

旋转双棱镜指向模型中包含出射光束偏转角 Φ, Θ 与入射光倾斜角 B_c, L_c 的关系式。 根据指向模型分别计算 Φ, Θ 对 B_c, L_c 的偏导数, 如式(7)所示:

$$\frac{\partial \Phi}{\partial B_G} = \frac{Z_{As9}}{\sqrt{1 - M^2}}, \frac{\partial \Theta}{\partial B_G} = \frac{Y_{As9}K - X_{As9}L}{K^2 + L^2},$$

$$\frac{\partial \Phi}{\partial L_G} = \frac{Z_{As13}}{\sqrt{1 - M^2}}, \frac{\partial \Theta}{\partial L_G} = \frac{Y_{As13}K - X_{As13}L}{K^2 + L^2},$$
 (7)

其中:
$$X_{\scriptscriptstyle As9}, Y_{\scriptscriptstyle As9}, Z_{\scriptscriptstyle As9}, X_{\scriptscriptstyle As13}, Y_{\scriptscriptstyle As13}, Z_{\scriptscriptstyle As13}$$
如下:

$$An3 = (-\cos B_{G} \cos L_{G}, -\cos B_{G} \sin L_{G}, \sin B_{G})$$

$$As6 = n_{1}^{-1}An2 - n_{1}^{-1}n_{1}^{ii}(n_{1}^{ii} \cdot An3) - n_{1}^{ii}n_{1}^{-2} para1^{-\frac{1}{2}}(n_{1}^{ii} \cdot An3)$$

$$As7 = n_{1}As6 - n_{1}n_{1}^{ii}(n_{1}^{ii} \cdot As6) - n_{1}^{ii}n_{1}^{2} para2^{-\frac{1}{2}}(n_{1}^{ii} \cdot As6)$$

$$As8 = n_{2}^{-1}As7 - n_{2}^{-1}n_{2}^{ii}(n_{2}^{ii} \cdot As7) - n_{2}^{ii}n_{2}^{-2} para3^{-\frac{1}{2}}(n_{2}^{ii} \cdot As7)$$

$$As9 = n_{2}As8 - n_{2}(n_{2}^{ii} \cdot As8)n_{2}^{ii} - n_{2}^{ii}n_{2}^{2} para4^{-\frac{1}{2}}(n_{2}^{ii} \cdot As8) = (X_{As9}, Y_{As9}, Z_{As9})$$

$$An4 = (\sin B_{G} \sin L_{G}, -\sin B_{G} \cos L_{G}, 0)$$

$$As10 = n_{1}^{-1}An4 - n_{1}^{-1}(An4 \cdot s_{1}^{ii})n_{1}^{ii} - n_{1}^{ii}n_{1}^{-2} para1^{-\frac{1}{2}}(An4 \cdot s_{1}^{ii})$$

$$As11 = n_{1}As10 - n_{1}n_{1}^{ii}(As10 \cdot n_{1}^{ii}) - n_{1}^{ii}n_{1}^{2} para2^{-\frac{1}{2}}(As10 \cdot n_{1}^{ii})$$

$$As12 = n_{2}^{-1}As11 - n_{2}^{-1}n_{2}^{ii}(As11 \cdot n_{2}^{ii}) - n_{2}^{ii}n_{2}^{-2} para3^{-\frac{1}{2}}(As11 \cdot n_{2}^{ii})$$

$$As13 = n_{2}As12 - n_{2}(As12 \cdot n_{2}^{ii})n_{2}^{ii} - n_{2}^{ii}n_{2}^{2} para4^{-\frac{1}{2}}(As12 \cdot n_{2}^{ii}) = (X_{As13}, Y_{As13}, Z_{As13})$$

 X_{As9} , Y_{As9} , Z_{As9} , X_{As13} , Y_{As13} , Z_{As13} 的求解方法 与 X_{As4} , Y_{As4} , Z_{As4} 的相同, 均由出射光束 s_2 ¹⁰往入 射光束 s_1 ¹¹方向逐级求导。

对指向影响的计算公式如下:

$$P\Phi_{BG} = \frac{\partial\Phi}{\partial B_G} \Delta B_G, P\Theta_{a1} = \frac{\partial\Theta}{\partial B_G} \Delta B_G$$

$$P\Phi_{LG} = \frac{\partial\Phi}{\partial L_G} \Delta L_G, P\Theta_{LG} = \frac{\partial\Theta}{\partial L_G} \Delta L_G$$
(9)

其中 ΔB_{c} , ΔL_{c} 分别为 B_{c} , L_{c} 的精度,由表1可知。 入射光倾斜角误差对指向结果的影响如图5所 示。为便于对比分析,具体误差数据仅在表2中 阐述分析。

4.3 棱镜转角误差分析

旋转双棱镜指向模型中包含出射光束偏转角 Φ, Θ 与棱镜转角 θ_1, θ_2 的关系式。根据指向模型分 别计算 Φ, Θ 对 θ_1, θ_2 的偏导数,如式(10)所示:

 $\frac{\partial \Phi}{\partial \theta_1} = \frac{Z_{As17}}{\sqrt{1 - M^2}}, \frac{\partial \Theta}{\partial \theta_1} = \frac{Y_{As17}K - X_{As17}L}{K^2 + L^2}, \frac{\partial \Phi}{\partial \theta_2} = \frac{Z_{As18}}{\sqrt{1 - M^2}}, \frac{\partial \Theta}{\partial \theta_2} = \frac{Y_{As18}K - X_{As18}L}{K^2 + L^2},$ (10)





Fig. 5 Influence of inclination angle error of incident light on pointing results

其中, X_{As17}, Y_{As17}, Z_{As17}, X_{As18}, Y_{As18}, Z_{As18}由式(11) 得到:

$$An5 = (-\sin(\alpha_{1} + B_{1})\sin(\theta_{1} + L_{1}), \sin(\alpha_{1} + B_{1})\cos(\theta_{1} + L_{1}), 0)$$

$$As14 = -n_{1}^{-1}s_{1}^{\text{ii}}(An5 \cdot s_{1}^{\text{ii}}) - s_{1}^{\text{ii}}n_{1}^{-2} para1^{-\frac{1}{2}}(An5 \cdot s_{1}^{\text{ii}}) - (n_{1}^{-1}(s_{1}^{-1} \cdot n_{1}^{\text{ii}}) + para1^{-\frac{1}{2}})An5$$

$$As15 = n_{1}As14 - n_{1}n_{1}^{-\text{ii}}(As14 \cdot n_{1}^{-\text{ii}}) - n_{1}^{-\text{ii}}n_{1}^{-2} para2^{-\frac{1}{2}}(As14 \cdot n_{1}^{-\text{ii}})$$

$$As16 = n_{2}^{-1}As15 - n_{2}^{-1}n_{2}^{-\text{ii}}(As15 \cdot n_{2}^{-\text{ii}}) - n_{2}^{-\text{ii}}n_{2}^{-2} para3^{-\frac{1}{2}}(As15 \cdot n_{2}^{-\text{ii}})$$

$$As17 = n_{2}As16 - n_{2}(As16 \cdot n_{2}^{-\text{ii}})n_{2}^{-\text{ii}} - n_{2}^{-\text{ii}}n_{2}^{-2} para4^{-\frac{1}{2}}(As16 \cdot n_{2}^{-\text{ii}}) = (X_{As17}, Y_{As17}, Z_{As17})$$

$$An6 = (\sin(\alpha_{2} + B_{2})\sin(\theta_{2} + L_{2}), -\sin(\alpha_{2} + B_{2})\cos(\theta_{2} + L_{2}), -\sin(\alpha_{2} + B_{2}))$$

$$As18 = -n_{2}(An6 \cdot s_{2}^{-\text{io}})n_{2}^{-\text{ii}} - n_{2}^{-\text{ii}}n_{2}^{-2} para4^{-\frac{1}{2}}(An6 \cdot s_{2}^{-\text{io}}) = (X_{As18}, Y_{As18}, Z_{As18})$$

 $X_{As17}, Y_{As17}, Z_{As17}, X_{As18}, Y_{As18}, Z_{As18}$ 的求解过程 与 $X_{As4}, Y_{As4}, Z_{As4}$ 的相同,均由出射光束 s_2^{vo} 往入射 光束 s_1^{ii} 方向逐级求导。

对指向影响的计算公式如下:

$$P\Phi_{\theta_{1}} = \frac{\partial\Phi}{\partial\theta_{1}}\Delta\theta_{1}, P\Theta_{\theta_{1}} = \frac{\partial\Theta}{\partial\theta_{1}}\Delta\theta_{1}$$
$$P\Phi_{\theta_{2}} = \frac{\partial\Phi}{\partial\theta_{2}}\Delta\theta_{2}, P\Theta_{\theta_{2}} = \frac{\partial\Theta}{\partial\theta_{2}}\Delta\theta_{2}$$
(12)



Fig. 6 Influence of prism angle error on pointing deviation

其中 Δθ₁, Δθ₁分别为 θ₁, θ₂的精度,由表1可知。 棱镜转角误差对指向偏差的影响如图6所示。为 便于对比分析,具体误差数据仅在表2中阐述 分析。

4.4 棱镜倾斜角误差分析

旋转双棱镜指向模型中包含出射光束偏转 角Φ,Θ与两棱镜倾斜角B₁,L₁,B₂,L₂的关系式。 根据指向模型分别计算Φ,Θ对B₁,L₁,B₂,L₂的偏 导数,得到:

$$\begin{split} \frac{\partial \Phi}{\partial B_{1}} &= \frac{Z_{As22}}{\sqrt{1 - M^{2}}}, \frac{\partial \Theta}{\partial B_{1}} = \frac{Y_{As22}K - X_{As22}L}{K^{2} + L^{2}} \\ \frac{\partial \Phi}{\partial L_{1}} &= \frac{Z_{As26}}{\sqrt{1 - M^{2}}}, \frac{\partial \Theta}{\partial L_{1}} = \frac{Y_{As26}K - X_{As26}L}{K^{2} + L^{2}} \\ \frac{\partial \Phi}{\partial B_{2}} &= \frac{Z_{As28}}{\sqrt{1 - M^{2}}}, \frac{\partial \Theta}{\partial B_{2}} = \frac{Y_{As28}K - X_{As28}L}{K^{2} + L^{2}}, \end{split}$$
(13)
$$\frac{\partial \Phi}{\partial L_{2}} &= \frac{Z_{As30}}{\sqrt{1 - M^{2}}}, \frac{\partial \Theta}{\partial L_{2}} = \frac{Y_{As30}K - X_{As30}L}{K^{2} + L^{2}} \\ \vdots & \vdots \\ \chi \oplus X_{As22}, Y_{As22}, Z_{As22}, X_{As26}, Y_{As26}, Z_{As26}, X_{As28}, Y_{As28}, Z_{As28}, X_{As30}, Y_{As30}, Z_{As30} \\ & \vdots \\ \chi_{As30}, X_{As30}, Z_{As30} \\ & \vdots \\ \chi_{As30}, \chi_{As30}, \chi_{As30} \\ & \vdots \\ \chi_{As30}, \chi_{As30}, \chi_{As30}, \chi_{As30} \\ & \vdots \\ \chi_{As30}, \chi_{As30$$

$$An7 = (\cos(\alpha_{1} + B_{1})\cos(\theta_{1} + L_{1}), \cos(\alpha_{1} + B_{1})\sin(\theta_{1} + L_{1}), -\sin(\alpha_{1} + B_{1}))$$

$$As19 = -n_{1}^{-1}n_{1}^{ii}(An7 \cdot n_{1}^{ii}) - n_{1}^{ii}n_{1}^{-2}para1^{-\frac{1}{2}}(An7 \cdot n_{1}^{ii}) - (n_{1}^{-1}(s_{1}^{ii} \cdot n_{1}^{ii}) + para1^{\frac{1}{2}})An7$$

$$An8 = (\cos B_{1} \cos L_{1}, \cos B_{1} \sin L_{1}, -\sin B_{1})$$

$$As20 = n_{1}As19 - n_{1}n_{1}^{ii}(As19 \cdot n_{1}^{ii} + An8 \cdot s_{1}^{ib}) - n_{1}^{ii}n_{1}^{2}para2^{-\frac{1}{2}}(As19 \cdot n_{1}^{ii} + An8 \cdot s_{1}^{ib}) - (n_{1}(s_{1}^{ib} \cdot n_{1}^{ii}) + para2^{\frac{1}{2}})An8$$

$$As21 = n_{2}^{-1}As20 - n_{2}^{-1}n_{2}^{ii}(As20 \cdot n_{2}^{ii}) - n_{2}^{ii}n_{2}^{-2}para3^{-\frac{1}{2}}As20$$

$$As22 = n_{2}As21 - n_{2}(As21 \cdot n_{2}^{ii})n_{2}^{ii} - n_{2}^{ii}n_{2}^{2}para4^{-\frac{1}{2}}(As21 \cdot n_{2}^{ii}) = (X_{As22}, Y_{As22}, Z_{As22})$$

$$An9 = (-\sin(\alpha_{1} + B_{1})\sin(\theta_{1} + L_{1}), \sin(\alpha_{1} + B_{1})\cos(\theta_{1} + L_{1}), 0)$$

$$As23 = -n_{1}^{-1}n_{1}^{ii}(An9 \cdot s_{1}^{ii}) - n_{1}^{ii}n_{1}^{-2}para1^{-\frac{1}{2}}(An9 \cdot s_{1}^{ii}) - (n_{1}^{-1}(s_{1}^{ii} \cdot n_{1}^{ii}) + para1^{\frac{1}{2}})An9 \cdot (15)$$

$$An10 = (-\sin B_{1} \sin L_{1}, \sin B_{1} \cos L_{1}, 0)$$

$$As24 = n_{1}As23 - n_{1}n_{1}^{ii}(As23 \cdot n_{1}^{ii} + An10 \cdot s_{1}^{ii}) - n_{1}^{ii}n_{1}^{2}para2^{-\frac{1}{2}}(As23 \cdot n_{1}^{ii} + An10 \cdot s_{1}^{ii}) - (n_{1}(s_{1}^{1i} \cdot n_{1}^{ii}) + para1^{\frac{1}{2}})An9 \cdot (15)$$

$$As25 = n_{2}^{-1}As24 - n_{2}^{-1}n_{2}^{ii}(As24 \cdot n_{2}^{ii}) - n_{2}^{ii}n_{2}^{-2}para3^{-\frac{1}{2}}(As24 \cdot n_{2}^{ii})$$

$$As26 = n_{2}As25 - n_{2}(As25 \cdot n_{2}^{ii})n_{2}^{ii} - n_{2}^{ii}n_{2}^{2}^{2}para4^{-\frac{1}{2}}(As25n_{2}^{ii}) = (X_{As26}, Y_{As26}, Z_{As26})$$

$$An11 = (-\cos B_{2} \cos L_{2}, - \cos B_{2} \sin L_{2}, - \sin B_{2})$$

$$\begin{aligned} As27 &= -n_{2}^{-1} n_{2}^{\text{ii}} (An11 \cdot s_{1}^{\text{ro}}) - n_{2}^{\text{ii}} n_{2}^{-2} para3^{-\frac{1}{2}} (An11 \cdot s_{1}^{\text{ro}}) - (n_{2}^{-1} (s_{2}^{\text{ii}} \cdot n_{2}^{\text{ii}}) + para3^{\frac{1}{2}}) An11 \\ An12 &= (-\cos (\alpha_{2} + B_{2})\cos (\theta_{2} + L_{2}), -\cos (\alpha_{2} + B_{2})\sin (\theta_{2} + L_{2}) \\ An13 &= (\sin B_{2} \sin L_{2}, -\sin B_{2} \cos L_{2}, 0) \\ As29 &= -n_{2}^{-1} n_{2}^{\text{ii}} (An13 \cdot s_{1}^{\text{ro}}) - n_{2}^{\text{ii}} n_{2}^{-2} n_{2} (s_{2}^{\text{lo}} \cdot n_{2}^{\text{ri}}) + para3^{-\frac{1}{2}} (An13 \cdot s_{1}^{\text{ro}}) - (n_{2}^{-1} (s_{2}^{\text{li}} \cdot n_{2}^{\text{li}}) + para3^{\frac{1}{2}}) An13 \\ An14 &= (\sin (\alpha_{2} + B_{2})\sin (\theta_{2} + L_{2}), -\sin (\alpha_{2} + B_{2})\cos (\theta_{2} + L_{2}), 0), \\ As30 &= n_{2}As29 - n_{2} (As29 \cdot n_{2}^{\text{ri}} + An14 \cdot s_{2}^{\text{lo}}) n_{2}^{\text{ri}} - n_{2}^{\text{ri}} n_{2}^{2} para4^{-\frac{1}{2}} (As29 \cdot n_{2}^{\text{ri}} + An14 \cdot s_{2}^{\text{lo}}) - (n_{2} (s_{2}^{\text{lo}} \cdot n_{2}^{\text{ri}}) - para4^{\frac{1}{2}}) An14 = (X_{As30}, Y_{As30}, Z_{As30}) \\ X_{As22}, Y_{As22}, Z_{As22}, X_{As26}, Y_{As26}, Z_{As26}, X_{As28}, Y_{As28}, P \Phi_{P2} = \frac{\partial \Phi}{\Delta B_{2}}, P \Theta_{P2} = \frac{\partial \Phi}{\Delta B_{2}}$$

 $Z_{A_{528}}, X_{A_{530}}, Y_{A_{530}}, Z_{A_{530}}$ 的求解过程与 $X_{A_{54}}, Y_{A_{54}}, Z_{A_{54}}$ 的,均由出射光束 s_2^{ro} 往入射光束 s_1^{li} 方向逐级求导。

对指向影响的计算公式如下:

$$P\Phi_{B1} = \frac{\partial\Phi}{\partial B_1} \Delta B_1, P\Theta_{B1} = \frac{\partial\Theta}{\partial B_1} \Delta B_1,$$
$$P\Phi_{L1} = \frac{\partial\Phi}{\partial L_1} \Delta L_1, P\Theta_{L1} = \frac{\partial\Theta}{\partial L_1} \Delta L_1,$$

$$P\Phi_{B2} = \frac{\partial\Phi}{\partial B_2} \Delta B_2, P\Theta_{B2} = \frac{\partial\Theta}{\partial B_2} \Delta B_2,$$
$$P\Phi_{L2} = \frac{\partial\Phi}{\partial L_2} \Delta L_2, P\Theta_{L2} = \frac{\partial\Theta}{\partial L_2} \Delta L_2, \quad (16)$$

其中 $\Delta B_1, \Delta L_1, \Delta B_2, \Delta L_2$ 分别为 B_1, L_1, B_2, L_2 的精度,由表1可知。

棱镜倾斜角误差对指向结果的影响如图7所 示。为便于对比分析,具体误差数据仅在表2中 阐述分析。



图 7 棱镜倾斜角误差对指向结果的影响 Fig. 7 Influence of prism tilt angle error on pointing result

上述误差的误差均方根与最大误差如表2所 示。由表2可知,对出射光束偏转角 σ 影响最大 的误差因素为入射光偏转角 B_a 误差、棱镜 Π_2 旋 转角 θ_2 、偏转角 B_1 、方位角 L_1 、偏转角 B_2 、方位角 L_2 ;对出射光束方位角 Θ 影响最大的误差因素为 转角 θ_2 、方位角 L_1 、偏转角 B_2 和方位角 L_2 。在进 行设计、安装和标定的过程中,需要特别注意控 制入射光偏转角 B_{G} 误差、棱镜 Π_{2} 旋转角 θ_{2} 、棱镜 Π_{1} 对理想光轴的倾斜角的偏转角 B_{1} 和方位角 L_{1} 、棱镜 Π_{2} 与理想光轴倾斜角的偏转角 B_{2} 和方 位角 L_{2} 。

综上所述,对出射光影响较大的因素为棱镜 Π_1 与理想光轴的倾斜角(即 B_1, L_1)、棱镜 Π_2 与理 想光轴的倾斜角(即 B_2, L_2)、棱镜 Π_2 转角(即 θ_2)。

1287

第29卷

名称 误差/(°) 均方根/(°) 名称 误差/(°) 均方根/(°) $P\Phi_{a1}$ $3.84 \times 10^{-10} \sim 0.006.6$ $0.001.2$ $P\Phi_{a2}$ $0.005.6 \sim 0.056.0$ $0.008.5$ $P\Theta_{a1}$ $6.29 \times 10^{-11} \sim 0.003.7$ 6.40×10^{-4} $P\Theta_{a2}$ $4.96 \times 10 - 9 \sim 0.017.2$ $0.003.000.000.000.000.000.000.000.000.0$	Tab. 2 Root mean square and maximum errors						
$P\Phi_{a1}$ 3.84×10 ⁻¹⁰ ~0.006 6 0.001 2 $P\Phi_{\theta 2}$ 0.005 6~0.056 0 0.008 5 $P\Theta_{a1}$ 6.29×10 ⁻¹¹ ~0.003 7 6.40×10 ⁻⁴ $P\Theta_{\theta 2}$ 4.96×10-9~0.017 2 0.003 0	')						
$P\Theta_{a1} \qquad 6.29 \times 10^{-11} \sim 0.0037 \qquad 6.40 \times 10^{-4} \qquad P\Theta_{a2} \qquad 4.96 \times 10^{-9} \sim 0.0172 \qquad 0.0030$							
$P\Phi_{_{a2}} = 0.0015 \sim 0.0066 = 8.10 \times 10^{-4} = P\Phi_{_{B1}} = 1.81 \times 10 - 7 \sim 0.0584 = 0.0149$							
$P\Theta_{_{a2}} \qquad 1.19 \times 10^{-11} \sim 0.003\ 7 \qquad 6.77 \times 10^{-4} \qquad P\Theta_{_{B1}} \qquad 1.14 \times 10 - 8 \sim 0.307\ 1 \qquad 0.036\ 6 \sim 0.000\ 1.10 \times 10^{-11} \sim 0.000\ 1.$							
$P\Phi_{BG} = 2.83 \times 10^{-9} \sim 0.0011 = 3.06 \times 10^{-4} = P\Phi_{L1} = 7.78 \times 10 - 10 \sim 0.0036 = 0.0010$							
$P\Theta_{BG} = 1.13 \times 10^{-8} \sim 0.0058 = 7.48 \times 10^{-4} = P\Theta_{L1} = 3.81 \times 10 - 4 \sim 0.0019 = 3.65 \times 10^{-4}$	-4						
$P\Phi_{LG} = 6.65 \times 10^{-11} \sim 2.57 \times 10^{-6} = 3.20 \times 10^{-7} = P\Phi_{B2} = 0.0146 \sim 0.1960 = 0.0278$							
$P\Theta_{LG} = 2.92 \times 10^{-12} \sim 2.20 \times 10^{-6} = 2.77 \times 10^{-7} = P\Theta_{B2} = 6.50 \times 10 - 8 \sim 0.2570 = 0.0287$							
$P\Phi_{\theta_1} \qquad 9.44 \times 10^{-10} \sim 0.0014 \qquad 4.05 \times 10^{-4} \qquad P\Phi_{L2} \qquad 2.43 \times 10 - 8 \sim 0.0050 \qquad 0.0015$							
$P\Theta_{\theta_1} \qquad 1.48 \times 10^{-4} \sim 7.19 \times 10^{-4} \qquad 1.42 \times 10^{-4} \qquad P\Theta_{L^2} \qquad 0.006\ 1 \sim 0.012\ 7 \qquad 0.001\ 7$							

表 2 误差均方根与最大误差表 b 2 Root mean square and maximum error

根据误差合成理论计算光束理论指向总偏 差,得到: $\Delta ErrSimu = (P\Phi_{a1}^{2} + P\Phi_{a2}^{2} + P\Phi_{BG}^{2} + P\Phi_{LG}^{2} + P\Phi_{\theta1}^{2} + P\Phi_{\theta2}^{2} + P\Phi_{B1}^{2} + P\Phi_{L1}^{2} + P\Phi_{B2}^{2} + P\Phi_{B2}^{2} + P\Phi_{L2}^{2} + P\Phi_{B2}^{2} + P\Phi$

光束理论指向总偏差如图 8 所示。MAT-LAB 仿 真表明,理论指向总偏差最大值为 0.362 0°,理论指向总偏差均方根为0.0470°。 $P\Theta_{\theta 2}{}^{2} + P\Theta_{B1}{}^{2} + P\Theta_{L1}{}^{2} + P\Theta_{B2}{}^{2} + P\Theta_{L2}{}^{2})^{\frac{1}{2}}.$ (17) 理光斑图像获得光斑位置。上位机控制电机转 动,电机通过齿轮系统带动棱镜转动。电机内置 编码器,实时检测电机位置。



Fig. 8 Theoretical pointing total deviation

5 实 验

5.1 旋转双棱镜实验平台

本实验搭建了旋转双棱镜实验平台,如图9 所示。该平台主要由激光器、两块旋转棱镜、齿 轮系统、步进电机、相机、上位机和系统支架组 成。激光器发射激光束,激光束经过两块棱镜耦 合偏折后照射在相机靶面,相机与上位机共同处



图 9 旋转双棱镜实验平台 Fig. 9 Risley prism experiment platform

5.2 指向误差实验分析

由于相机视场角不够大,本文采用视野拼接 技术获取全部指向范围内的光斑位置,实验测得 的指向总偏差如图10所示。采用MATLAB分 析理论指向总偏差与实际指向总偏差,MAT-LAB分析结果如表3所示。在MATLAB分析结 果中,理论指向偏差最大值为0.3620°,理论指



Fig. 10 Experiment pointing deviation

向 偏 差 均 方 根 为 0.047 0°。 实 验 表 明, 在 99.54% 的 指 向 区 域 中, 实 验 偏 差 最 大 值 为 0.356 3°, 小于理论指向偏差最大值 0.362 0°, 实 验偏差均方根为 0.023 3°, 小于理论指向偏差均方

表 3 理论指向总偏差与实际指向总偏差的 MATLAB 分析结果

Tab. 3 MATLAB analysis result of theoretical and actual total deviations

指向总偏差	最大值/(°)	均方根/(°)
理论	0.3620	0.0470
实 际	0.3563	0.0233

参考文献:

- [1] 严希.无线激光通信APT系统中的光斑跟踪系统研究[D].西安:西安理工大学,2019.
 YAN X. Research on Spot Tracking System in APT System of Wireless Laser Communication [D].
 Xi'an: Xi'an University of Technology, 2019. (in Chinese)
- [2] 张建强.舰载激光通信视轴稳定控制技术研究
 [D].长春:中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,2020.

ZHANG J Q. Research on Shipborne Laser Communication Optical Stability Control Technology [D]. Changchun: Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy Sciences, 2020. (in Chinese)

[3] ZHANG J Q, LIU Y K, ZHANG F J, *et al.* Digital sliding mode control via a novel reaching law and application in shipborne electro-optical systems [J].

根 0.047 0°,实验结果均小于理论分析结果。由图 10 可知,实验结果没有超出理论分析结果,本实验 证明了理论分析的合理性。

6 结 论

本文采用光线矢量传播原理建立旋转双棱 镜系统光束指向模型,根据该模型,采用求偏导 方法计算出射光束指向偏转角和方位角对各个 误差的偏导数,并以各误差源的精度范围为输入 计算误差源对指向结果的影响。仿真分析得出, 对出射光影响较大的误差源包括棱镜 Π_对理想 光轴的倾斜角、棱镜 Π₂对理想光轴的倾斜角及 棱镜 Π,转角。根据对各误差源的分析与仿真结 果,本文采用误差合成理论计算各主要误差源 对光束指向的总偏差。仿真计算结果表明,理 论指向偏差的最大值为0.3620°,均方根为 0.047 0°。桌面实验结果表明,在 99.54%的指 向区域中,实验偏差的最大值为0.3563°,均方根 为0.0233°,均小于仿真计算值。这一结果表明 本文对旋转双棱镜系统误差的分析较为准确,对 旋转双棱镜平台的设计和补偿修正有一定的参 考价值。

IEEE Access, 2019, 7: 139870-139884.

- [4] 范大鵰,周远,鲁亚飞,等.旋转双棱镜光束指向 控制技术综述[J].中国光学,2013,6(2): 136-150.
 FAN D P, ZHOU Y, LU Y F, et al. Overview of beam steering technology based on rotational double prisms[J]. Chinese Optics, 2013,6(2): 136-150. (in Chinese)
- [5] 周书芃.消色差旋转双棱镜光束指向控制技术
 [D].成都:中国科学院光电技术研究所,2016.
 ZHOU SH P. Beam Pointing Techniques Based on Achromatic Risley Prisms [D]. Chengdu: Institute of Optics and Electronics, Chinese Academy of Sciences, 2016. (in Chinese)
- [6] 周远,鲁亚飞,黑沫,等.旋转双棱镜光束指向的反向解析解[J].光学精密工程,2013,21(7): 1693-1700.
 ZHOU Y,LU Y F, HEI M, et al. Analytical in-

verse solutions for rotational double prism beam

steering [J]. Opt. Precision Eng., 2013, 21(7): 1693-1700. (in Chinese)

- [7] 周远,鲁亚飞,黑沫,等.旋转双棱镜光束指向解析 解[J]. 光学 精密工程,2013,21(6):1373-1379.
 ZHOU Y, LU Y F, HEI M, *et al.* Analytic solution of optical beam steering based on rotational double prisms[J]. *Opt. Precision Eng.*, 2013, 21(6): 1373-1379. (in Chinese)
- [8] 李锦英,陈科,彭起,等.旋转双棱镜大范围快速 高精度扫描技术[J].光电技术应用,2020,35
 (2):44-48.

LI J Y, CHEN K, PENG Q, *et al.* Wide-range, fast and high precision scanning technology based on rotational double prisms[J]. *Electro-Optic Technology Application*, 2020, 35(2): 44-48. (in Chinese)

- [9] 曹佃生,高云国.高精度无导轨位移平台误差分析
 [J]. 光学精密工程,2012,20(2):313-320.
 CAO D SH, GAO Y G. Error analysis of precise non-guiding displacement platform [J]. Opt. Precision Eng., 2012, 20(2):313-320. (in Chinese)
- [10] 曹佃生,林冠宇,杨小虎,等.紫外双光栅光谱仪 结构设计与波长精度分析[J].中国光学,2018, 11(2):219-230.

CAO D SH, LIN G Y, YANG X H, *et al.* Structure design and wavelength accuracy analysis of ultraviolet double grating spectrometer [J]. *Chinese Optics*, 2018, 11(2): 219-230. (in Chinese)

[11] 徐力智,颜昌翔,李颐,等.航空摆扫成像像移计算与误差分配[J].光学精密工程,2019,27
 (10):2071-2079.

XU L ZH, YAN CH X, LI Y, *et al.* Image motion calculation and error distribution for aerial whisk-broom imaging [J]. *Opt. Precision Eng.*,

作者简介:

1290



邱 赛(1997-),男,硕士研究生, 2017年于中国地质大学(武汉)获得 学士学位,主要从事激光通信旋转 双棱镜光束指向系统方面的研究。 E-mail:qiusai_edu@163.com 2019, 27(10): 2071-2079. (in Chinese)

- [12] 万振华,赵开春,褚金奎.基于偏振成像的方位 测量误差建模与分析[J].光学精密工程,2019, 27(8):1688-1696.
 WAN ZH H, ZHAO K CH, CHU J K. Modeling and analysis of orientation measurement error based on polarization imaging[J]. Opt. Precision Eng.,
- 2019, 27(8): 1688-1696. (in Chinese)
 [13] 郑赛,盛磊,高世杰,等.旋转双棱镜指向系统转角 补偿偏差修正方法[J/OL].光通信技术:1-7
 [2020-11-15]. http://kns. cnki. net/kcms/detail/ 45. 1160. TN. 20201104. 1215. 004. html.
 QIU S, SHENG L, GAO SH J, et al. Correction method for angle compensation deviation of rotating biprism pointing system[J/OL]. Optical Communication Technology: 1-7[2020-11-15]. http:// kns. cnki. net/kcms/detail/45. 1160. TN. 2020110
 4. 1215. 004. html. (in Chinese)
- [14] WARGER W C, GUERRERA S A, EAST-MAN Z, et al. Efficient confocal microscopy with a dual-wedge scanner[C]. Three-Dimensional and Multidimensional Microscopy: Image Acquisition and Processing XVI. San Jose, CA. SPIE, 2009 7184:71840M-71840M-11.
- [15] HORNG J S, LI Y. Error sources and their impact on the performance of dual-wedge beam steering systems[J]. Applied Optics, 2012, 51(18): 4168-4175.
- [16] ZHANG H, YUAN Y, SU L J, et al. Beam steering uncertainty analysis for Risley prisms based on Monte Carlo simulation[J]. Opt. Eng., 2017,56(1): 014105 - 014105-10.

通讯作者:



盛 磊(1981-),男,博士,副研究 员,2014年于中国科学院大学获得 博士学位,主要从事光电测控设备 软件开发及数据处理的研究。Email:sljlu@163.com