# 基于离散粒子群算法的频率选择表面 优化设计研究<sup>\*</sup>

徐念喜† 高劲松 冯晓国

(中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,中国科学院光学系统先进制造技术重点实验室,长春 130033)

(2014年2月15日收到;2014年3月10日收到修改稿)

为了解决大角度照射下的单侧介质加载的频率选择表面 (frequency selective surfaces, FSS) 通带高透过 率和阻带高反射率要求之间的矛盾,本文采用离散粒子群算法 (discrete particle swarm optimization, DPSO) 优化设计 FSS 的周期间隔和图形几何尺寸等多个参数,在通带高透过率和阻带高反射率要求之间寻求一个最 优的折衷的设计目标. 仿真与试验表明:在 TE 电波 70° 照射下,采用 DPSO 优化出的一个半波壁厚电介质加 载的密集型 Y 环孔径结构,其通带透过率达到 80%,阻带透过率低于 30%,从而为大角度照射下的天线罩提供 一种优良 FSS 设计结果,并为解决 FSS 通带高透过率和阻带高反射率要求之间的矛盾提供理论指导.

关键词:天线罩,频率选择表面,离散粒子群算法 PACS: 84.40.-x, 84.30.Vn, 02.60.Pn

#### 1引言

频率选择表面 (frequency selective surface, FSS) 是指由介质表面上周期性排布的金属贴片 单元或金属屏上开孔单元组成的二维周期性结 构<sup>[1,2]</sup>,它能够使电磁波在谐振频点处发生全反射 (贴片型FSS) 或全透射 (孔径型FSS). 采用FSS技 术与天线罩技术相结合形成FSS天线罩,可使天线 罩获得频率选择的功能.即FSS天线罩对雷达的 工作频段提供带通传输特性,同时降低雷达工作 频段以外的雷达散射截面 (RCS)<sup>[3-7]</sup>,实现带外隐 身.大曲率流线型是现代天线罩的一个显著特征, 此时,大角度照射下的FSS天线罩优化设计便成为 当前FSS工程化应用上的一个技术瓶颈<sup>[8]</sup>.

FSS 天线罩设计主要由罩壁结构设计、单元图 形设计、周期单元间隔以及图形几何尺寸等四个方 面组成.单侧介质加载的罩壁结构是现役型号天线 罩隐身功能改造或升级最常采用的结构形式.Y环 单元形状简单,工艺精度也很容易达到,对任意极

#### **DOI:** 10.7498/aps.63.138401

化的情况都能够应用,带宽比较窄,中心频率对入 射角的变化也比较稳定,适合用在三角形格子排列 的结构.而现代天线罩的外形都是二次锥面,由于 表面要求周期性的原因,希望FSS单元使用三角形 格子排列,所以Y单元和Y环单元最适合使用在大 曲率流线型天线罩上.

根据国内外已公开的文献资料可知, Munk首次引入平面波谱展开法与互导纳相结合的理论(详见文献[1]),在此基础上, Henderson于1983年在其博士论文中完成了基于周期矩量法(PMM)的程序编制工作<sup>[9]</sup>,该程序算法已成为美国计算无限大周期阵列结构的流行算法.2005年,卢俊基于Munk的设计思想开展了Y形和Y环形单元特性的实验对比研究,得到的结论是"从中心频率、带宽随介质衬底厚度、入射角度、不同极化方式的变化情况看, Y环单元比Y孔有更稳定的性能"<sup>[10]</sup>.2006年,侯新宇提出并发展了一种适于任意双曲率曲面天线罩的FSS设计方法,采用局部平面-曲面修正分片方法所设计的FSS天线罩满足预期的各项性能指标要求<sup>[11]</sup>.2008年,李小秋通过进一步缩短谐振

<sup>\*</sup> 国家自然基金 (面上) 项目 (批准号: 61172012) 资助的课题.

<sup>†</sup>通讯作者. E-mail: xnxlzhy999@126.com

<sup>© 2014</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

尺寸的方法提出了一种新型FSS单元,为FSS的深入研究,特别是为FSS在电磁波大角度入射曲面流 线型天线罩上的应用提供了可靠的单元图形选择 依据(详见文献[8]). 2009年,武哲研究团队重点研 究了单侧介质加载形式的FSS天线罩传输机理<sup>[12]</sup>. 2013年,夏步刚研究了二阶分形FSS两个通带中出 现寄生谐振的问题,运用了离散粒子群算法进行优 化,实现了保证工作稳定性前提下,抑制了双通带 FSS寄生谐振<sup>[13]</sup>.

综上分析,针对大角度照射下的FSS天线罩优 化设计,FSS天线罩通带透过率与阻带反射率相互 制约,在研究方法上,国内外学者很容易陷入复杂 的数学计算的泥潭,本文采用离散粒子群算法优化 设计Y环单元的周期间隔和图形几何尺寸等多个 参数,在通带高透过率和阻带高反射率要求之间寻 求一个最优的折衷的设计目标,为大角度照射下的 天线罩提供一种优良的FSS设计,并为解决FSS通 带高透过率和阻带高反射率要求之间的矛盾提供 理论指导.

## 2 频率选择表面天线罩的滤波机理

频率选择表面天线罩常见的四种罩壁结构形 式如图1所示,其中,图1(a)表示单侧介质加载结 构,是本文重点研究的一种罩壁结构形式,图1(b) 表示双侧介质对称加载结构,图1(c)表示双屏双侧 介质对称加载结构,图1(d)表示双侧非对称介质 加载,后三种罩壁结构是获得隐身功能和高电性能 天线罩最常见的罩壁结构形式.通过单元谐振模式 的分析可解释四种罩壁结构形式的滤波机理.

分析 FSS 天线罩的滤波机理,即将 FSS 作为一个二次辐射源,研究不同的单元谐振模式以及它们之间的相互作用对 FSS 滤波特性的影响.

以Y形单元为例,单元上不仅存在着多阶偶次 谐振模式,如一阶偶次谐振模式、二阶偶次谐振模 式等,还存在着多阶奇次谐振模式,如一阶奇次谐 振模式、二阶奇次谐振模式等.其中,一阶奇次谐 振模式对应的频点位于一阶偶次谐振模式对应频 点和二阶偶次谐振模式对应频点之间,如图2所示. 基于FSS单元表面电流分布规律的研究可知,周期 单元的上半部分电流从水平部分向上流,下半部分 电流从水平部分往下流,如图2(c)所示,我们把这 种电流分布称为弯曲模式.根据Foster 阻抗理论可 知,基本谐振模式与一阶奇次谐振模式之间必会产 生一个零点,我们把该零点称为模式互作用零点, 它对应的频率将在 f<sub>0</sub>/2—f<sub>0</sub>之间. Munk 将FSS 等 效为一个辐射振荡器时,发现FSS 还存在负载阻抗 零点.



图1 频率选择表面天线罩常见的四种罩壁结构形式

理论上,任意频点、任意极化、任意角度入射的 平面波,都能在周期单元表面激励起无数个偶次谐 振模式和奇次谐振模式.但是,结合周期结构传播 理论的分析不难发现,谐振模式若要能够传播,其 谐振波长应当大于截止波长,谐振模式对应的频点 不会产生Wood's奇异等.否则,谐振模式辐射时将 会衰减,或者无法辐射.



图 2 Y 形单元上电流分布呈现的一阶偶次谐振、二阶偶次谐振、一阶奇次谐振 (a) 一阶偶次谐振模式; (b) 二阶偶 次谐振模式; (c) 一阶奇次谐振模式

138401-2

当周期单元尺寸与工作波长一致时,周期单元 等效为谐振*L-C*回路,周期单元产生谐振,形成最 强辐射.这意味着,周期单元尺寸决定了谐振频点 的位置.因此,要在一个周期单元内设计满足技术 指标要求的FSS时,需要在谐振单元内,优化设计 单元图形设计、周期单元间隔以及图形几何尺寸.

# 3 优化设计方法

## 3.1 FSS 滤波特性的计算方法

目前,FSS天线罩首选的图形结构如图3所示<sup>[8,10]</sup>,Y环单元的特征尺寸包括:外环臂宽 Wout、外环臂长Lout、内环臂宽Win、内环臂长Lin. 采用三角形格子排列的结构,在直角坐标系中,Y环单元的周期间隔分别为*D<sub>x</sub>*和*D<sub>y</sub>*.



图 3 FSS 天线罩通常采用的 Y 形单元图形结构示意图



图 4 (网刊彩色) (a) 平面波垂直照射时 FSS 天线罩在  $f_{\min}$  频点处的感应电流分布; (b) 平面波垂直照射时 FSS 天 线罩在  $f_0$  频点处的感应电流分布; (c) 平面波垂直照射时 FSS 天线罩在  $f_{\max}$  频点处的感应电流分布

为了准确评估和分析 FSS 的中心频点、透过 率、-3 dB 带宽以及表面感应电流等,本文采用周 期矩量方法 (PMM),具体计算推导过程可参考文 献 [9],采用 PMM 分析 FSS 滤波特性的关键是选择 恰当的基函数.本文综合考虑了矩阵阶数和计算时 间,采用了一种结构简单的矩形孔径全域基函数, 如下式所示:

$$E_{xpq}(x,y) = \widehat{x} \frac{T_p\left(\frac{2}{W_b}x\right)}{\left[1 - \left(\frac{2}{W_b}x\right)^2\right]^{1/2}} \times \sin\left[\frac{q\pi}{L_d}\left(x + \frac{L_d}{2}\right)\right], \quad (1a)$$
$$E_{yrs}(x,y) = \widehat{y} \frac{T_p\left(\frac{2}{L_d}y\right)}{\left[1 - \left(\frac{2}{L_d}y\right)^2\right]^{1/2}}$$

$$\times \sin\left[\frac{r\pi}{W_{\rm b}}\left(y+\frac{W_{\rm b}}{2}\right)\right],$$
 (1b)

其中,  $W_b$  和  $L_d$  为矩形的宽和长, p, q, r,  $s = 0, 1, 2, \dots, T_i$  表示 i 阶 Chebyshev 函数.

FSS 天线罩采用的罩壁结构形式如图1 (a) 所 示,其单侧加载的介质选取依据是半波壁厚的天线 罩,加载电介质的电参数为:厚度d = 6.7 mm,相 对介电常数 $\varepsilon_r = 3.1$ ,损耗角正切值 tan $\delta = 0.005$ . 在 11—19 GHz 的频域空间内,当 $W_{out} = 1.3$  mm,  $L_{out} = 3$  mm,  $W_{in} = 0.3$  mm,  $L_{in} = 2.5$  mm,  $D_x = 6.5$  mm,  $D_y = 5.629$  mm 时,采用 128 × 128 个矩形基函数,离散 FSS 天线罩一个周期单元,其 表面感应电流分布的计算结果如图4所示.

由图4可知,  $f_{\min}$  频点处的感应电流分布主要 集中在Y 孔径单元,  $f_{\max}$  频点处的感应电流分布 主要集中在Y 贴片单元, 由此可知, Y 孔径的 $W_{out}$ ,  $L_{out}$  是优化FSS 低频波段滤波特性的主要因素, Y 贴片的 $W_{in}$ ,  $L_{in}$  是优化FSS 高频波段滤波特性的 主要因素.  $f_0$  频点处的感应电流分布趋势表现为高 频电流分布与低频电流分布的组合, 因此, FSS 谐 振频点的位置由Y 孔径和Y 贴片决定.

另外, 通过分析周期单元间隔对 FSS 滤波特性 的影响规律可知,  $D_x$  和  $D_y$  主要决定周期单元之间 的耦合状态, 对 FSS 滤波特性的影响包括表面感应 电流的大小、中心频点的角度稳定性以及栅瓣三个 方面.

上述结论不仅指明了带通FSS优化设计的主

要参量,而且还为确定带通FSS特征尺寸的制备精 度要求提供理论依据.

#### 3.2 离散粒子群算法的基本原理

2006年, Raj Mittra 等将粒子群优化算法 (particle swarm optimization, PSO) 引入FSS 设计中, 并通过实验验证得到如下结论:相对于遗传算法, PSO 以容易在更小的种群数量以及更短的时间步 长内取得优化收敛,无论其优化算法部分采取遗传 算法或粒子群算法,其电磁计算部分多采用周期矩 量法等的频域算法.

PSO的基本原理是基于自然界中鸟群觅食 行为,通过鸟之间的信息传递与集体协作使得 群体性能达到最优化, PSO是一种对社会性动 物的自组织行为进行建模仿真的优化算法. 首 先,把每个优化问题的解都抽象成一个在N 维搜索空间中的没有体积和质量,只有位置 和速度的粒子,其中,每个粒子都是N维空间 的向量,分别用 $L_i = \{L_{i1}, L_{i2}, L_{i3}, \cdots, L_{iN}\}^{\mathrm{T}},$  $S_i = \{S_{i1}, S_{i2}, S_{i3}, \dots, S_{iN}\}^{\mathrm{T}}$ 表示. N维空间中 的所有粒子都有一个被优化的函数决定的适应 值,在每一代中,所有粒子都是通过控制两个极值 来调节自己的速度:一个是单个粒子到目前为止 发现的最好位置(即粒子个体的飞行经验),记为  $L_{ui} = \{L_{ui1}, L_{ui2}, L_{ui3}, \dots, L_{uiN}\}^{T}; 另一个是整个$ 群体到目前为止发现的最好位置(即粒子全体的飞 行经验), 记为 $L_{gi} = \{L_{gi1}, L_{gi2}, L_{gi3}, \cdots, L_{giN}\}^{T}$ . 整个问题的求解过程可以表示为

$$S_{ij}^{\tau+1} = S_{ij}^{\tau} + c_1 r_1(\tau) (L_{uij}^{\tau} - L_{ij}^{\tau}) + c_2 r_2(\tau) (L_{gij}^{\tau} - L_{ij}^{\tau}), \qquad (2)$$

$$L_{ij}^{\tau+1} = L_{ij}^{\tau} + S_{ij}^{\tau+1}, \qquad (3)$$

其中, 下标*i*, *j*表示第*i*个粒子的第*j*维, *τ*表示进 化代数, *c*<sub>1</sub>, *c*<sub>2</sub>为学习因子, *r*<sub>1</sub>(*τ*), *r*<sub>2</sub>(*τ*)相互独立且 在[0, 1]之间取值, 上述两式恰恰反映了一群粒子 通过相互分享信息从而寻找最优位置即最优解的 过程.

#### 3.3 基于离散粒子群算法的优化设计结果

当确定FSS天线罩罩壁结构后,其滤波特性的优化设计重点是需求FSS特征尺寸的最佳值. 针对这问题,本文采用离散粒子群算法(discrete particle swarm optimization, DPSO), 解决FSS的  $W_{\text{out}}, L_{\text{out}}, W_{\text{in}}, L_{\text{in}}, D_x, D_y, \varepsilon_r, d$ 等多参数优化 设计问题. DPSO优化设计流程如图 5 所示.



图 5 采用 DPSO 算法优化 FSS 特征尺寸的流程图

在11—19 GHz 频域范围内,  $W_{out}$ ,  $L_{out}$ ,  $W_{in}$ ,  $L_{in}$ ,  $D_x$ ,  $D_y$ ,  $\varepsilon_r$ , d给定初始值为1 mm, 3 mm, 0.3 mm, 2 mm, 8 mm, 6.928 mm, 3, 6 mm. 通过权重 系数 $\Psi$ , FSS 的透射率T及其期望值建立优化函数, 求解 FSS 特征尺寸的最佳适应值.FSS 天线罩工作 频段为  $f_0 \pm \Delta f$ , 通带透过率期望值设为 $T_{max}$ , 阻 带透过率期望值设为 $T_{min}$ , 则目标函数 $\Phi$ 可以表示 为

$$\Phi = \Psi_{\min} \times \left[ \sum_{i=1}^{3} (T_i - T_{\min})^2 \right] \\ + \Psi_{\max} \times \left[ (T_{f_0 - \Delta f} - T_{\max})^2 + (T_{f_0 + \Delta f} - T_{\max})^2 \right], \quad (4)$$

其中, Ψ<sub>min</sub> 和Ψ<sub>max</sub> 表示为阻带权重系数和通带权 重系数, 取值如下式所示:

$$\Psi_{\max} = \begin{cases} 0, & T_{f_i} \leqslant T_{\max}, \\ 1, & \pm \ell \ell, \end{cases}$$
$$\Psi_{\min} = \begin{cases} 1, & T_{f_i} \leqslant T_{\min}, \\ 0, & \pm \ell \ell. \end{cases}$$
(5)

优化过程中, 电磁计算部分采用周期矩量法, 根据 (4) 式, 反复迭代最终确定 FSS 的 $W_{out}$ ,  $L_{out}$ ,  $W_{in}$ ,  $L_{in}$ ,  $D_x$ ,  $D_y$ ,  $\varepsilon_r$ , d最佳适应值.

根据FSS天线罩电性能和隐身性能指标要求,确定FSS天线罩通带和阻带透过率,这一部

分不是本文的重点. 假定,通带透过率期望值  $T_{\text{max}} = 85\%$ ,阻带透过率期望值 $T_{\text{min}} = 30\%$ ,确 定 $W_{\text{out}}, L_{\text{out}}, W_{\text{in}}, L_{\text{in}}, D_x, D_y, \varepsilon_{\text{r}}, d$ 最佳适应值 分别为1.3 mm, 2.9 mm, 0.3 mm, 2.4 mm, 8 mm, 4.6189 mm, 3.2, 7 mm. 采用周期矩量法,计算垂 直照射条件下的FSS频响特性曲线,计算结果如 图 6 所示. 由此证明, DPSO 法是寻求FSS 通带高 透过率和阻带高反射率要求之间择衷的最佳技术 手段.



图 6 采用周期矩量法算法垂直照射条件下, 计算得到的 FSS 频响特性曲线

# 4 实验测试与验证

为了验证半波壁天线罩加载FSS后, DPSO法的实际优化效果, 采用层压法制作半波壁天线罩等效平板, 采用印刷线路版法制作图6对应的柔性FSS屏, 承载基底为聚酰亚胺膜(厚度为0.03 mm, 相对介电常数3, 损耗正切值0.005), 采用一层厚度为0.045 mm, 相对介电常数为2.6, 损耗正切值为0.005的胶膜, 将柔性FSS屏与天线罩等效平板层合, 形成图7所示的400 mm×400 mm的FSS天线罩等效平板.



图7 FSS 天线罩等效平板样件

采用自由空间法测试实验样件的通带透过率, 测试系统如图 8 所示.

在紧缩场条件下,测试实验样件的阻带透过率,测试系统如图9所示.



图8 FSS 天线罩等效平板通带透过率测试系统



图 9 FSS 天线罩等效平板阻带透过率测试系统

测试通带 (Ku波段) 透过率时,采用扫频的方 式,将被测样件放在透镜天线的焦斑面上,旋转平 台完成不同角度测试,扫描测试结果如图 10 所示. 测试阻带 (S波段和 X 波段) 透过率时,采用点频的 方式,经过 400 mm × 400 mm 的理想金属板校准 后,利用方向图换算成的点频测试结果如表 1 所示.



图 10 FSS 天线罩等效平板 Ku 波段透过率测试与仿真 对比曲线

考虑测试系统误差±2%,由图10和表1可知, 采用DPSO法,优化设计的FSS天线罩等效平板, Ku波段通带透过率,在0—TE70°扫描范围内, $T_{f0}$ 测试值均超过80%,S波段和X波段阻带透过率最高值分别为8.76%和26.75%,从而验证了本文研究方法的准确性和可靠性.

表 1 FSS 天线罩等效平板 X 波段和 S 波段最高透过率测试与仿真对比

频段	透过率仿真最高值/%	透过率仿真最高值/%
S波段	8.6	8.76
X波段	27.3	26.75

#### 5 结 论

天线罩加载FSS后,通带高透过率和阻带高反 射率要求之间是一对不可调和的矛盾. 为了寻求一 种最佳的折衷的FSS设计,本文采用DPSO法,以 FSS 天线罩常见的罩壁结构形式, 即单侧介质加载 FSS为例,通过分析FSS天线罩表面感应电流分布, 不仅指明了带通FSS优化设计的主要参量,而且还 为确定带通FSS 特征尺寸的制备精度要求提供理 论依据,通过权重系数 $\Psi$ ,FSS的透射率T及其期 望值建立优化函数, 求解FSS特征尺寸的最佳适应 值. 经过仿真技术与实验测试相互验证, 在TE电 波70°照射下,采用DPSO优化出的一个半波壁厚 电介质加载的密集型Y环孔径结构,其通带透过率 达到80%,阻带透过率低于30%.DPSO作为一种 共性技术,将为大角度照射下的天线罩提供一种优 良FSS设计,并为解决FSS通带高透过率和阻带高 反射率要求之间的矛盾提供理论指导.

#### 参考文献

- Munk B A 2000 Frequency Selective Surface: theory and design (1st Ed.) (New York: Wiley)
- [2] Wu T K 1995 Frequency-Selective Surface and Grid Array. (New York:Wiley)
- [3] Wang X Z, Gao J S, Xu N X 2013 Acta Phys. Sin. 62 237302 (in Chinese)[王秀芝, 高劲松, 徐念喜 2013 物理学报 62 237302]
- [4] Zhang J, Gao J S Xu N X 2013 Acta Phys. Sin. 62 147304 (in Chinese) [张建, 高劲松, 徐念喜 2013 物理学报 62 147304]
- [5] Jiao J, Gao J S, Xu N X 2013 Acta Phys. Sin. 62 197303 (in Chinese)[焦健, 高劲松, 徐念喜 2013 物理学报 62 197303]
- [6] Tang G M, Miao J G, Dong J M 2012 Chin. Phys. B 21 128401
- [7] Lin B Q, Qu S B, Tong C M, Zhou H, Zhang H Y, Li W 2013 Chin. Phys. B 22 094103

- [8] Li X Q, Gao J S, Zhao J L, Sun L C 2008 Acta Phys. Sin. 57 3803 (in Chinese)[李小秋, 高劲松, 赵晶丽, 孙连春 2008 物理学报 57 3803]
- [9] Henderson L H 1983 Ph. D. Dissertation (Ohio State University, Department of Electrical Engineering)
- [10] Lu J, Zhang L, Sun L C 2005 Opt. Precision Eng. 13 219 (in Chinese)[卢俊, 张靓, 孙连春等 2005 光学精密工程 13 219]
- [11] Hou X Y, Zhang P, Lu J, Wan W, Sun L C, Sun P L

2006 Journal of Projectiles, Rockets, Missiles and Guidance 26 123 (in Chinese)[侯新宇,张澎,卢俊,万伟,孙连 春,孙品良 2006 弹箭与制导学报 26 123]

- [12] Meng Z J, Lv M Y, Wu Z 2009 Opt. Precision Eng. 18
  1958 (in Chinese)[梅东牧, 吕明云, 武哲等 2009 光学精密 工程 18 1958]
- [13] Xia B G, Zhang D H, Meng J, Zhao X 2013 Acta Phys. Sin. 62 174103 (in Chinese) [夏步刚, 张德海, 孟进, 赵鑫 2013 物理学报 62 174103]

# Study on the optimal design of frequency selective surfaces based on the discrete particle swarm optimization<sup>\*</sup>

Xu Nian-Xi<sup>†</sup> Gao Jin-Song Feng Xiao-Guo

(Key Laboratory of Optical System Advanced Manufacturing Technology, Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun 130033, China)

( Received 15 February 2014; revised manuscript received 10 March 2014 )

#### Abstract

The requirements of frequency-selective surface (FSS) between high transparency in pass band and high reflectance in stop band are contradictory, when they have loaded medium on one side and receive a large range of illumination. In order to solve the contradiction, this paper employs a discrete particle swarm optimization approach (hereafter referred to as a DPSO). In order to seek a balanced FSS with high transparency in pass band and high reflectance in stop band, the periodic intervals and geometrical dimensions of FSS-structures are optimized and designed by using the DPSO method. Simulation and test results indicate that the FSS of super dense Y loop elements in a half-loaded medium structure is presented in this paper: the transparency in pass band and stop band are 80% and 30% respectively. The DPSO method will offer an excellent FSS for the radome which receives a large range of illumination, and on the other hand, it provides a theoretical guidance for the requirements of FSS between high transparency in pass band and high reflectance in stop band.

Keywords: radome, frequency selective surfaces, discrete particle swarm optimization PACS: 84.40.-x, 84.30.Vn, 02.60.Pn DOI: 10.7498/aps.63.138401

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant No. 61172012).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: xnxlzhy999@126.com