光学散射法表面特征的测量与分析*

陈淑妍^{1,2},齐立红,陈 波

(1.中国科学院长春光学精密机械与物理研究所,吉林长春 130033;

2.中国科学院研究生院,北京 100039)

摘要:光学表面评价和检测对光学研究,尤其是短波段光学研究具有重要的意义。介绍了短波段 掠入射表面散射线性模型,并根据这个理论,建立了软 X 射线掠入射表面逆散射模型。利用这个数学 模型对由软 X 射线反射率计测得的数据进行计算,得到通过散射测量所获得的样品表面特征值,所 测结果与 WYKO 测量结果吻合。测量结果表明:掠入射软 X 射线光学散射法能够较为精确地计算出 光滑表面粗糙度和表面自相关函数,可以很直观地反应出光学表面形貌特征。

关键词:表面散射; 软 X 射线; 掠入射; 表面特征 中图分类号: O434.11 文献标识码: A 文章编号: 1007-2276(2006)01-0082-04

Measurement and analysis of surface profiles by optical scattering method^{*}

CHEN Shu-yan^{1,2}, QI Li-hong, CHEN Bo

(1.Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Changchun 130033, China;2.Graduate University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100039, China)

Abstract: Evaluation and measurement of surface profiles are very important especially to shortwavelength optical research. A linear system treatment of short-wavelength surface scattering theory is introduced, and based on this, a new inverse scattering mathematical model of soft X-ray grazing incidence optics is established. By using these scattered light distributions of super-smooth surfaces measured by a soft X-ray reflectometer, the surface profiles of super-smooth surfaces are computed by means of inverse scattering mathematical model of soft X-ray grazing incidence optics. The calculating results are in accordance with those measured by WYKO. It can be concluded that the soft X-ray grazing incidence optical scattering method can calculate micro-roughness and surface auto correlation function of smooth surface accurately, and can give optical surface profiles intuitively.

Key words: Surface scattering phenomenon; Soft X-ray; Grazing incidence optics; Surface profiles

收稿日期: 2005-05-12; 修订日期: 2005-06-20

^{*} 基金项目:国家自然科学基金重点支持项目(10333010)

作者简介:陈淑妍(1975-),女,吉林省吉林市人,博士生,研究方向为短波光学技术。

0 引 言

随着科学技术的飞速发展,尤其是短波段光学研究的不断深入,对光学元件的表面加工也提出了越来 越高的要求。因此,光学表面评价和检测成为一个急 待解决的问题。

在光学表面特征检测中,目前国内外采用的方法 主要有光学测量法、扫描探针显微技术和光学散射法 等。光学测量法包括光学探针法和干涉法,是一种结 构简单、成本低的快速非接触测量法,但不能分辨微 米以下更细微的形貌,对被测表面的清洁度要求较 高。扫描隧道显微镜、原子力显微镜是两种有代表性 的扫描探针显微镜,具有很高的纵向和横向分辨率, 但扫描隧道显微镜要求被测件必须导电,测量范围 小,必须在真空中进行;而原子力显微镜易于受灰尘 干扰。利用光学散射法,即逆散射法来评价光学元件 表面特征,是一种行之有效的光学元件表面特征评价 方法,也是光学散射研究特性的基础。这种方法具有 测量精度高和仪器结构简单等优点。由于它测量的是 被测表面的平均特性,故不能给出表面的形貌,属于 一种参数测量技术。

早期的研究主要集中在激光器的工作波段和硬 X 射线波段。因为激光器的工作波长远大于超光滑表 面粗糙度值,并且激光相干性好,所以其散射结果的 干涉、衍射严重,无法用激光器对超光滑表面进行光 学散射测量。自 20 世纪 70 年代末以来,随着同步辐 射光源和软 X 射线激光等离子体光源的发展,在软 X 射线波段高亮度的光源成为现实,这种表面粗糙度的 测量方法也更引起人们的重视,并在超光滑表面的评 价中发挥了重要作用^[1-3]。

本文介绍了短波段掠入射表面散射线性模型,并 且根据这个理论,建立了软 X 射线掠入射表面逆散 射模型。下面将针对掠入射光学系统,把表面散射作 为标量衍射过程,探讨光学散射与光学元件表面特征 的关系,进而评价光学表面。

1 掠入射光学逆散射原理

在描述光学表面特征时,通常采用表面粗糙度均 方根值,但仅仅用它来评价表面形态是不够的。表 面自相关函数(ACF)或它的傅里叶变换——光学表 面功率谱密度函数(PSD)则包含表面的横向统计信 息,因此通常用 ACF 和 PSD 与 一起来表征光学表 面。另外,光学表面还分为各向同性表面和各向异性 表面,而本文仅限于研究各向同性的光学表面。

粗糙表面对入射光的反射分为镜向反射和散射。 散射减小了到达像面的光通量,降低图像对比度和光 学系统的分辨率,对短波段光学系统的影响尤为严 重。引起散射光的来源也有很多,而本文仅限于研究 软 X 射线波段,由表面高度随机变量反射带来的位 相扰动所造成的散射^[4-6]。

因为衍射孔径可以是复合的,呈现连续的振幅和 位相变量,表面散射可以看作是标量衍射过程,同时, 假设光学表面是随机、各向同性、各态历经的,它的高 度分布服从高斯分布。应用线性系统理论,经过分析 可得出掠入射光学系统散射表面传递函数^[6,7]:

 $H_s(\hat{x}, \hat{y}; 0) = exp$

$$\left\{ -\left[4 \sin \phi_{s}^{2}\right]^{2} \left[1 - \hat{C}_{s}\left(\frac{\hat{x}}{\hat{l}}, \frac{\hat{y}}{\hat{l}\sin\phi}\right)/_{s}^{2}\right] \right\}$$
(1)

公式(1)也可以写成:

$$H_{s}(\hat{x},\hat{y}) = A + BQ(\hat{x},\hat{y})$$
(2)

$$B=1-A=1-\exp\left[-\left(4\sin\phi_{s}\right)^{2}\right]$$
(3)

$$Q(\hat{x},\hat{y}) = \frac{\exp\left[\hat{C}\left(\frac{\hat{x}}{\hat{l}},\frac{\hat{y}}{\hat{l}\sin\phi}\right)(4\sin\phi_{s}^{2})^{2}/\hat{s}\right]-1}{\exp\left[-\left(4\sin\phi_{s}^{2}\right)^{2}\right]-1} \quad (4)$$

 $A = \exp\left[-\left(4 - \sin \left(\frac{1}{2}\right)^2\right]\right]$

式中 \hat{C}_s 为二维表面自相关函数; \hat{c}_s 为正则化的表面 粗糙度均方根值; I 为表面自相关函数的相关长度; ϕ 为掠射角; A 和 B 分别为镜向反射的总体反射能和总 体积分散射; 采用的标量坐标都用波长 正则, 即: \hat{x} =x/, \hat{y} =y/, \hat{z} =z/, 与其相应的方向余弦空间坐标 为: = \hat{x}/\hat{r} , = \hat{y}/\hat{r} , = \hat{z}/\hat{r} , 及 \hat{c}_s = s/, \hat{I} =I/ s

从公式(1)可以看出,掠入射反射镜的散射传递 函数用掠射角、表面粗糙度均方根值、波长及表面自 相关函数来表征,这样就把散射表面的微观形态和掠 入射时镜片表面的散射机制结合起来,为散射表面微观形貌特征的研究提供了一个行之有效的办法^[7]。

ŷ) 互为傅里叶变换, 即:

S(, ;
$$\hat{r}$$
) = F[H_s(\hat{x}, \hat{y})]=A (, ; \hat{r}) +s(, ; \hat{r}) (5)

式中 s(, ; r)为散射函数。

s(, ;
$$\hat{r}$$
)=BF[Q(\hat{x}, \hat{y})] (6)

从公式(1)可以得出表面自相关函数为:

$$\hat{C}_{s}\left(\frac{\hat{x}}{\hat{l}},\frac{\hat{y}}{\hat{l}\sin\phi}\right) = C\left(\frac{x}{l},\frac{y}{l\sin\phi}\right) = \left(\frac{1}{4\sin\phi}\right)^{2} \ln[H_{s}(\hat{x},\hat{y})] + \frac{1}{s^{2}}|_{\hat{x}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=y^{\prime}}|_{\hat{x}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=y^{\prime}}|_{\hat{x}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=y^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=y^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=y^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=y^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y}=x^{\prime}}|_{\hat{y$$

式中,

 $H_{s}(\hat{x},\hat{y}) = A + BQ(\hat{x},\hat{y}) = A + F^{-1}[S(,)]$ (8)

表面粗糙度均方根值 。可由公式(3)得出,即:

$$_{s} = \frac{1}{4 \sin \phi} \sqrt{\ln \frac{1}{1 - B}}$$
(9)

其中总体积分散射 B 可以通过对散射光分布的 实验数据进行数值积分来得到。

2 实验装置

在光学表面散射的实验中,光学散射对反射镜的 影响体现在反射镜的有效面积上。基于实验室现有的 设备和条件,采用软 X 射线反射率计对光学表面散 射进行测量。反射率计由激光等离子光源、单色仪、探 测器、样品台和探测器工作台及数据采集系统组成, 如图 1 所示。光源是实验室自行研制的激光等离子光 源,工作气体为 Kr,YAG 激光器(Continuum 9000)用 于产生等离子体,它的最大工作频率是 10 Hz,工作 波长为 1.06 μm,脉冲宽度是 10 ns,每个脉冲能量是 1 J。单色仪选用刻划密度为 600 g/mm、曲率半径为 3 m 的凹面光栅,出射光线和入射光线间的夹角恒为 166°。测试所采用的探测器是通道电子倍增器,它在 软 X 射线波段有较高的量子效率和很低的噪声。该 反射率计共用两个探测器,一个是监视探测器,即图 1 中的 Monitor CEM, 用来监测光源的强度变化,校 正由于光源不稳定性所带来的测试误差。另一个是图 1 中的 CEM, 通过转动它来探测样品对软 X 射线的 散射分布,输出电脉冲信号。测试所使用的样品台为 六维精密回转平台,可以实现三轴平移,一轴旋转;而 探测器工作台可以实现圆周运动。另外,整个反射率 计处于真空系统中,采用真空无油步进电机驱动。



图 1 软 X 射线反射率计结构示意图 Fig.1 Schematic diagram of the soft X-ray reflectometer

激光等离子体光源产生的软 X 射线谱线经过狭 缝和单色仪,选出所需工作波长的单色光,然后进入 样品腔内; 单色软 X 射线经样品反射镜反射后的光 强由通道电子倍增器探测,实现散射的测试。两个探 测器对应两个数据通道,用两组数据的比值来分析样 品的散射分布。另外,在无样品时,只需通过探测器直 接测量入射光束分布。探测结果经过数据采集系统由 计算机输出。

3 实验数据与分析

测试采用了两块样品,即硅片和微晶玻璃材料。 下面利用前面的理论对上述测量装置测得的数据进 行计算,得到由散射测量所获得的样品表征值。

图 2(a) 是当工作波长为 11 nm, 掠射角为 2 时, 实验测得的样品 1(硅片)的散射分布, 其中横坐标为 散射角 的余角。根据前面的理论, 从测得数据可以 得到总体积分散射 B=0.003 59, 计算出样品 1 的表面 粗糙度均方根值 _s=1.50 nm, 同时得出表面自相关 函数 C $\left(\frac{r}{l}\right)$, 如图 2(b) 所示, 从图中可以看出样品 1 的自相关长度为 10 μ m。图 3 为 =11 nm, =2 时, 样 品 2 的计算结果曲线, 它的表面粗糙度均方根值 _s= 1.90 nm, 自相关长度为 21.5 μ m。同时, 采用 WYKO 干涉显微镜分别对两块样品的光学表面粗糙度进行 测定,结果如图 4 所示,图中放大率为 41.7。图 4(a) 为样品 1 的测定结果,_s=1.3 nm;图 4(b)为样品 2 的测定结果,_s=1.5 nm。从图 4 可看出,WYKO 测得 的表面粗糙度和由逆散射法得到的样品表面粗糙度 基本吻合,但仍存在一定的差异。该误差主要来源于 以下几个方面:

(1)进行散射测试时,由实验装置带来的误差。软X射线反射率计中各种传动机构,如样品工作台和探



Fig.2 Surface autocorrelation function for sample one predicted

form scattered light measurements





Fig.3 Surface autocorrelation function for sample two predicted

from scattered light measurements



图 4 WYKO 测得的表面微粗糙度

Fig.4 Surface micro-roughness measured by WYKO

测器工作台的传动机构,波长选择机构在测试中产生 的回程差、爬坡现象等传动误差最终影响了逆散射法 计算表面粗糙度的精确度。

(2)在建模和计算过程中,由于建立逆散射模型 作了一些假设和近似,难免会带来计算误差。

(3)在散射测试中还存在一些人为误差,如光路 调整、样品台调整、探测器的初始位置确定等。

4 结束语

实验证明,通过对掠入射软 X 射线表面散射的测量,能直观地反应出光学表面形貌特征。应用自行研制的反射率测量装置测得数据,利用软 X 射线掠入射光学散射法,能较为精确地计算出光滑表面粗糙度和表面自相关函数,所测结果与 WYKO 的结果接近。

参考文献:

- [1] WANG Ming-jun,DONG Yan-bin,WU Zhen-shen,et al.Research on light scattering characteristics of rough surface and optical constants deduction[J].Infrared and Laser Engineering(王明军,董 雁冰,吴振森,等,粗糙表面光散射特性研究与光学常数反演.红 外与激光工程),2004,33(5):549-552.
- [2] LU Yuan,SHI Jia-ming,LING Yong-shun,et al.Research on infrared passitive location[J].Infrared and Laser Engineering(路远,时 家明,凌永顺,等.红外被动定位研究.红外与激光工程),2001,30 (6):406-409.
- [3] WANG Ri, XU Yu-bin, SUN Bao-ju, et al. Study of simulation algorithm on target detection by laser[J].Infrared and Laser Engineering(王日,徐玉滨,孙宝举,等.激光探测目标仿真算法研究. 红外与激光工程),1999,28(3):55-58.
- [4] HARVEY J E, THOMPSON P L, VERNOLD C L.Understanding surface scatter effects in grazing incidence X-Ray telescopes[C]// Proceedings of SPIE, X-Ray Optics, Instruments and Missions, 1998, 3444:518-525.
- [5] HARVEY J E, LEWOTSKY K L,KOTHA A.Effects of surface scatter on the optical performance of X -ray synchrotron beam line mirrors[J].Applied Optics, 1995, 34(16):3024-3032.
- [6] HARVEY J E,MORAN E C, ZMEK W P.Transfer function characterization of grazing incidence optical systems [J].Appl Opt, 1998, 27:1527-1533.
- [7] HARVEY J E. Transfer function characterization of scattering surfaces[J].J Opt Soc Am, 1976, 66:1136.